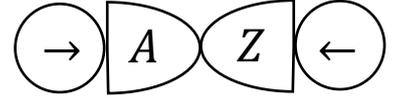


7



4



## امتحان شهادة الدراسة الثانوية العامة لعام 2023

(مقترحة/أيمن زيود)

س د  
مدة الامتحان: 30 : 2

رقم المبحث: 211

المبحث: الرياضيات (الورقة الثانية ف1 ، م3)

اليوم والتاريخ: الاثنين 2023/07/10

رقم النموذج: (2)

الفرع: الأدبي

رقم الجلوس:

اسم الطالب:

**ملحوظة مهمة:** أجب عن الأسئلة الآتية جميعها وعددها (5) بحيث تكون إجابتك عن السؤال الأول على نموذج الإجابة (ورقة المساح الضوئي)، وتكون إجابتك عن باقي الأسئلة على دفتر الإجابة، علماً أن عدد صفحات الامتحان (5) السؤال الأول: (100 علامة)

اختر رمز الإجابة الصحيحة في كل فقرة مما يأتي، ثم ظلل بشكل غامق الدائرة التي تشير إلى رمز الإجابة في نموذج الإجابة (ورقة المساح الضوئي) فهو النموذج المعتمد (فقط) لاحتساب علامتك في هذا السؤال، علماً أن عدد فقراته (25).  
(1) إذا كان  $f(x) = -2\left(\frac{1}{3}\right)^x + 4$  فإن قيمة الاقتران عندما  $x = -1$  هي:

- a) -3                      b) -2                      c) 4                      d) 10

(2) إذا كان  $f(x) = a(b)^x$  يمر بالنقطتين (0, 2), (1, 10)، فإن قيمة الثابت  $b$  هي:

- a) 2                      b) 1                      c) 10                      d) 5

(3) أحد المقادير الآتية يكافئ المقدار  $2\log x - 3\log y + \frac{1}{3}\log z$

- a)  $\log \frac{xz}{y}$                       b)  $\log \frac{x^2z}{y^3}$                       c)  $\log \frac{x^2\sqrt[3]{z}}{y^3}$                       d)  $\log x^2 y^3 \sqrt[3]{z}$

(4) ما قيمة  $\log_{10} - \ln \sqrt[3]{e}$  ؟

- a)  $\frac{2}{3}$                       b)  $\frac{4}{3}$                       c)  $\frac{1}{3}$                       d) 3

(5) أجد مجال الاقتران  $f(x) = \log_7(x^2)$  ؟

- a)  $(-\infty, 0), (0, \infty)$                       b)  $(7, \infty)$                       c)  $(0, \infty)$                       d)  $(-\infty, 0)$

(6) خط التقارب الأفقي للاقترب  $f(x) = 4(3)^x$  هو:

- a)  $y = 4$                       b)  $y = 3$                       c)  $y = 1$                       d)  $y = 0$

(7) إذا كان  $e^{x^2} = 1$  فإن قيمة  $x$  هي:

- a) 0                                  b) 1                                  c) 2                                  d) 4

(8) حل المعادلة  $3^{x+1} = 9^{x-1}$  هو:

- a) 2                                  b) 3                                  c) 4                                  d) 8

(9) إذا كان  $\log_a 3 = 1.44$  وكان  $\log_a 2 = 1.05$ ، أجد قيمة  $\log_a \frac{15}{10}$  ؟

- a) 2.49                              b) 0.39                              c) -0.39                              d) -2.49

(10) إذا كان  $f(x) = \sqrt{25 - x^2}$  أجد  $f'(4)$  ؟

- a)  $\frac{8}{3}$                                   b)  $\frac{4}{3}$                                   c)  $-\frac{4}{3}$                                   d)  $-\frac{8}{3}$

(11) إذا كان  $f'(3) = 1$ ،  $f(3) = -3$ ،  $g'(1) = 7$ ،  $g(1) = 3$  وكان  $h(x) = f(g(x))$  أجد  $h'(1)$  ؟

- a) 7                                      b) 42                                      c) 21                                      d) -21

(12) إذا كان  $f(x) = (2\sqrt{x} - 1)(x + 2\sqrt{x})$  فإن  $f'(1)$  هي:

- a) 7                                      b) 5                                      c) 6                                      d) 4

(13) إذا كان  $g'(5) = 2$ ،  $g(5) = -1$ ،  $f'(5) = -3$ ،  $f(5) = 5$  أجد  $\left(\frac{f}{g}\right)'(5)$  ؟

- a) 13                                      b) 7                                      c) -7                                      d) -13

(14) إذا كان  $f(x) = e^x \cdot \ln e^x$  فإن  $f'(x)$  هي:

- a)  $xe^x$                                   b)  $e^x(x + 1)$                                   c)  $e^x$                                   d) 1

(15) إذا كان  $f(x) = \sin^4 3x$  فإن  $f'(x)$  هي:

- a)  $4 \sin^3 3x \cos 3x$     b)  $12 \sin^3 3x \cos 3x$     c)  $12 \sin 3x \cos 3x$     d)  $2 \cos^3 3x$

(16) إذا كان  $f(x) = \frac{a}{x^2+5}$  ، وكان  $f'(1) = 3$  ، فما قيمة الثابت  $a$  ؟

- a) 54                              b) -54                              c) -18                              d) 18

(17) إذا كان  $f(x) = (4x^3 - 3)^2$  ، فما ميل المماس لمنحنى الاقتران  $f$  عند النقطة  $(1, 1)$  ؟

- a) 2                                  b) 6                                  c) 8                                  d) 24

(18) ميل العمودي على المماس لمنحنى العلاقة:  $3x - 2y + 12 = 0$  هو:

- a) 6                                  b) 3                                  c)  $\frac{3}{2}$                                   d)  $-\frac{2}{3}$

(19) يتحرك جسيم وفق العلاقة:  $s(t) = t^2(3t - 4)$  ، حيث  $s$  الموقع بالأمتار و  $t$  الزمن بالثواني، ما سرعة الجسيم بعد

مرور ثانيتين من بدء الحركة؟

- a) 36 m/s                              b) 12 m/s                              c) 20 m/s                              d) 8 m/s

(20) إذا كان  $f(x) = x - \frac{1}{x}$  ، فإن  $f''(x)$  هي:

- a)  $1 + \frac{1}{x^2}$                               b)  $1 - \frac{1}{x^2}$                               c)  $\frac{2}{x^3}$                               d)  $-\frac{2}{x^3}$

(21) قيمة  $x$  التي يكون عندها قيمة صغرى محلية للاقتران:  $f(x) = x^4 - 32x$  هي:

- a) 2                                  b) -2                                  c) 1                                  d) -1

(22) أجد قيمة  $x$  التي يمتلك عندها الاقتران  $f(x) = 3x^2 - 6x$  مماساً أفقياً؟

- a) 1                                  b) 6                                  c) -1                                  d) -6

(23) إذا كان  $x^3 - x^2y^2 = -9$  فإن  $\frac{dy}{dx}$  عند النقطة  $(3, -2)$  تساوي:

- a)  $-\frac{1}{12}$       b)  $-12$       c)  $\frac{1}{12}$       d)  $12$

(24) قيمة المشتقة الثانية للاقتران  $f(x) = \frac{4}{\sqrt{3x-2}}$  عندما  $x = 2$  هي:

- a)  $\frac{27}{32}$       b)  $-\frac{27}{32}$       c)  $\frac{27}{10}$       d)  $-\frac{27}{10}$

(25) يزداد نصف قطر فقاعة صابون كروية الشكل بمعدل  $0.5 \text{ cm/s}$  ، أجد سرعة زيادة مساحة سطح الفقاعة عندما

يكون نصف قطرها  $3 \text{ cm}$  ، علماً بأن العلاقة التي تربط بين مساحة سطح الفقاعة  $(A)$  ونصف قطرها  $(r)$  هي:  $A = 4\pi r^2$

- a)  $12\pi \text{ cm}^2 / \text{s}$       b)  $12 \text{ cm}^2 / \text{s}$       c)  $24 \text{ cm}^2 / \text{s}$       d)  $24\pi \text{ cm}^2 / \text{s}$

السؤال الثاني: (34 علامة)

(أ) استثمر أيمن مبلغ  $5000 \text{ JD}$  في شركة بنسبة ربح مركب تبلغ  $10\%$  وتضاف كل 4 أشهر.

(8 علامات)

(1) أكتب صيغة تمثل جملة المبلغ بعد  $t$  سنة.

(2) أجد جملة المبلغ بعد 5 سنوات.

(18 علامة)

(ب) أجد حل كلاً من المعادلات الآتية:

1)  $2^{(3x-5)} = (11)^{(7x)}$

2)  $36^x - 3(6)^x + 2 = 0$

(ج) يمثل الاقتران  $p(t) = 100(0.4)^t$  النسبة المئوية للمتعافين من مرض ما، حيث تعافوا بعد  $(t)$  سنة من التشخيص

الأول للمرض:

(8 علامات)

(1) أجد النسبة المئوية للمتعافين بعد سنة من التشخيص الأول للمرض

(2) بعد كم سنة تصبح نسبة المتعافين  $16\%$  ؟

السؤال الثالث: (26 علامة)

(أ) يمثل الاقتران  $f(x) = 13 + 22.5 \log(x + 2)$  النسبة المئوية لطول الطفل الذكر الآن من طوله عند البلوغ حيث

(8 علامات)

$x$  عمره بالسنوات. أجد النسبة المئوية لطول طفل عمره 12 سنوات من طوله عند البلوغ

ب) أجد  $\frac{dy}{dx}$  لكل مما يأتي:

(10 علامات)

1)  $y = (x^2 + 1)^3(2x + 5)$

2)  $y = \ln(2x + 4)^5$

(8 علامات)

ج) إذا كان  $u = 6 - x^3$  ،  $y = u^2 + 5u$  ، أجد  $\frac{dy}{dx}$  عندما  $x = 2$

السؤال الرابع: (24 علامة)

(7 علامات)

أ) يمثل عدد الغزلان في غابة بالاقتران:  $P(t) = \frac{2000}{4t+80}$  ، حيث  $t$  الزمن بالأشهر منذ الآن:

1) أجد معدل تغير عدد الغزلان في الغابة بالنسبة إلى الزمن  $t$

2) أجد معدل تغير عدد الغزلان في الغابة بالنسبة  $t = 10$  ، مفسراً معنى الناتج.

(9 علامات)

ب) إذا كان  $f(x) = \frac{x+7}{x^3+1}$  ، أجد معادلة العمودي على المماس لمنحنى الاقتران  $f(x)$  عند  $x = 1$

ج) يتحرك جسيم وفق العلاقة:  $s(t) = t^3 - 2t^2 + 6$  ، حيث  $t$  الزمن بالثواني،  $s$  الموقع بالأمتار، أجد سرعة الجسيم

المتجهة عندما  $t = 3$  وفي أي اتجاه يتحرك الجسيم ؟

(8 علامات)

السؤال الخامس: (16 علامة)

(10 علامات)

أ) وجدت مصنع للثلجات أن التكلفة الكلية بالدينار لإنتاج  $x$  ثلاجة أسبوعياً تعطى بالعلاقة:

$C(x) = 400 + 100x$  ، إذا بيعت الثلاجة الواحدة بمبلغ يمكن تمثيله بالاقتران  $s(x) = 1000 - x$  دينار، فما عدد

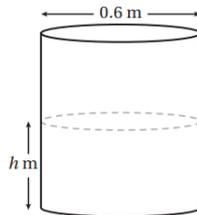
الثلجات التي يجب انتاجها وبيعها أسبوعياً ليكون الربح أكبر ما يمكن، ومن ثم أجد سعر الثلاجة الواحدة عندما يكون الربح

أكبر ما يمكن؟

ب) يبين الشكل المجاور خزان ماء أسطواني الشكل. إذا كانت كمية الماء في الخزان تزداد بمعدل  $0.2m^3/s$  فأجد معدل

تغير عمق الماء فيه  $(h)$  علماً بأن العلاقة التي تربط بين حجم الخزان  $(V)$  وارتفاعه  $(h)$  هي:  $V = \pi r^2 h$

(6 علامات)



❖ انتهت الأسئلة ❖





6) أجد مجال الاقتران  $f(x) = \log(x^2 - 6x - 16)$  ؟

- a)  $(-\infty, -1), (16, \infty)$    b)  $(-1, 16)$    c)  $(-2, 8)$    d)  $(-\infty, -2), (8, \infty)$

7) الاقترانات الأسية في صورة  $f(x) = \log_a b$  حيث  $a, b$  عدد حقيقي،  $a > 0, a \neq 1$ ، تمر جميع

منحنياتها بالنقطة:

- a)  $(0, 1)$    b)  $(0, 0)$    c)  $(1, 1)$    d)  $(1, 0)$

8) حل المعادلة  $2e^{5x} - 7 = 13$  هو:

- a) 10   b) 2   c)  $\ln 2$    d) 0.46

9) إذا كان  $\log_a 5 = 0.67$  وكان  $\log_a 2 = 0.32$ ، أجد قيمة  $\log_a 8a^2$  ؟

- a) 1.64   b) 2.64   c) 1.96   d) 2.96

10) أحد المقادير الآتية يكافئ  $\log_a \frac{x^2 \cdot \sqrt[3]{z}}{y^4}$  ؟

- a)  $\frac{1}{3} \log_a z + 2 \log_a x - 4 \log_a y$    b)  $\log_a x - \log_a y + \log_a z$   
c)  $2 \log_a x - 4 \log_a y + 3 \log_a z$    d)  $2 \log_a x - \log_a y + \frac{1}{3} \log_a z$

11) إذا كان  $f(x) = \sqrt[3]{(4-3x)^7}$  فإن قيمة  $f'(1)$  تساوي:

- a)  $\frac{7}{3}$    b) 7   c) -7   d)  $\frac{3}{7}$

12) إذا كان  $f(x) = (2x-3)^5$  فإن  $f'(x)$  تساوي:

- a)  $5(2x-3)^4$    b)  $5(2x-3)^5(2)$    c)  $-5(2x-3)^4$    d)  $10(2x-3)^4$

13) إذا كانت  $y = 2u - 5$ ،  $u = 5x + 3$  فإن  $\frac{dy}{dx}$  تساوي:

- a) 2   b) 10   c) 5   d)  $\frac{2}{5}$

14) إذا كان  $g(-2) = 1$ ،  $g'(-2) = 3$  فإن مشتقة الاقتران  $f(x) = (g(x))^5$  عندما  $x = -2$  تساوي:

- a) 3   b) 15   c) -3   d) -15

يتبع الصفحة الثالثة ...

(15) إذا كان  $y = \sin 4t$  فإن  $\frac{dy}{dt}$  هي:

- a)  $\cos 4t$                       b)  $-\cos 4t$                       c)  $4 \cos 4t$                       d)  $-4 \cos 4t$

(16) إذا كان  $f(x) = (x^2 - 1)(x^2 + 1)$  ، فإن  $f'(1)$  هي:

- a) 3                                      b) -3                                      c) 4                                      d) -4

(17) إذا كان  $y = u \cdot v$  وكان  $u(1) = 2$  ،  $v(1) = -1$  ،  $v'(1) = 1$  ،  $u'(1) = 3$  فإن  $y'(1)$  تساوي :

- a) 4                                      b) -2                                      c) 5                                      d) -1

(18) إذا كان  $f(x) = \ln \sqrt{\frac{x+2}{x+1}}$  فإن  $f'(1)$  تساوي:

- a)  $\frac{1}{12}$                                       b)  $\frac{5}{12}$                                       c)  $-\frac{1}{12}$                                       d)  $-\frac{5}{12}$

(19) إذا كان  $f(x) = \ln(e^{x^3-3x})$  فإن ميل العمودي على المماس عندما  $x = 2$  هو:

- a) 9                                      b)  $\frac{1}{9}$                                       c) -9                                      d)  $-\frac{1}{9}$

(20) قيمة  $x$  التي يكون عندها عظمى محلية للاقتزان  $f(x) = x^3 - 3x^2 - 3$  هي:

- a) 0                                      b) 2                                      c) -3                                      d) 3

(21) إذا كانت  $x^4 - 2x = y^2$  فإن  $\frac{dy}{dx}$  تساوي:

- a)  $\frac{4x^3-2}{y}$                                       b)  $\frac{4x^3+2}{y}$                                       c)  $\frac{2x^3-1}{y}$                                       d)  $\frac{2x^3+1}{y}$

(22) إذا كان  $f(x) = kx^3 - 4x^2$  وكانت  $f''(2) = 28$  جد قيمة الثابت  $k$  ؟

- a) 3                                      b) 4                                      c) 12                                      d) 28

(23) إذا كان  $y^2 - x^2 = 1$  فإن ميل المماس لمنحنى العلاقة عند النقطة  $(1, \sqrt{2})$  هو :

- a)  $\frac{-1}{\sqrt{2}}$                                       b)  $-\sqrt{2}$                                       c)  $\frac{1}{\sqrt{2}}$                                       d)  $\sqrt{2}$

24) أجد النقطة الواقعة على منحنى الاقتران  $f(x) = x^3 + 3$  التي يكون عندها ميل المماس هو (12)؟

- a) (0, 3)                      b) (2, 11), (-2, -5)                      c) (2, 11)                      d) (-2, -5)

25) يتحرك رامي في مسار مستقيم على لوح تزلج بحيث يمكن نمذجة موقعه باستعمال الاقتران  $s(t) = t^2 - 8t + 12$  حيث  $t$  الزمن بالثواني و  $s$  الموقع بالأمتار. أجد قيم  $t$  التي يكون عندها رامي في حالة سكون لحظي؟

- a) 1s                      b) 8s                      c) 2s                      d) 4s

السؤال الثاني: (34 علامة)

(أ) أودعت سميرة مبلغ  $p$  في حساب بنكي بنسبة ربح مركب مستمر مقدارها 5% بعد كم سنة تصبح جملة المبلغ 3 أمثال المبلغ الأصلي؟ (8 علامات)

(ب) أجد حل كلاً من المعادلات الآتية: (18 علامة)

1)  $9^{x+2} = 5^{2x+3}$

2)  $25^x - 5^x = 2$

(ج) يمثل الاقتران  $f(x) = 500(2)^{\frac{x}{5}}$  عدد الخلايا البكتيرية في تجربة، بعد  $x$  ساعة في تجربة مخبرية.

(1) أجد عدد الخلايا البكتيرية عند بداية التجربة. (8 علامات)

(2) أجد عدد الخلايا البكتيرية بعد (25) ساعة.

(3) بعد كم ساعة يصبح عدد الخلايا البكتيرية 4000 خلية

السؤال الثالث: (23 علامة)

(أ) تمثل المعادلة  $\log_{10}\left(\frac{I}{12}\right) = -0.0125x$  العلاقة بين شدة الضوء  $I$ ، والعمق  $x$  في إحدى البحيرات بالأمتار. كم تبلغ شدة الضوء عند عمق  $10\text{ m}$ ؟ (6 علامات)

(ب) أجد مشتقة كل اقتران مما يأتي: (10 علامات)

1)  $f(x) = \ln\left(\frac{1}{x^2+9}\right)$

2)  $f(x) = \frac{x}{3x+1}$  ,  $x = 1$

يتبع الصفحة الخامسة ...

(7 علامات)

ج) إذا كان  $u = \frac{18}{x^2+5}$  ،  $y = 5u^2 + 3u - 1$  ، أجد  $\frac{dy}{dx}$  عندما  $x = 2$

السؤال الرابع: (23 علامة)

(7 علامات)

أ) أجد مشتقة الاقتران  $y = (x^2 - 4)^5$  عندما  $y = 0$  ، مبرراً إجابتي؟

ب) إذا كان  $h(x) = f(g(x))$  حيث  $f(u) = u^2 - 1$  وكان  $g(2) = 3$  ،  $g'(2) = -1$  ، فأجد  $h'(2)$

(7 علامات)

ج) أجد معادلة المماس لمنحنى العلاقة  $x = 2$  ،  $x^2 + 6y^2 = 10$

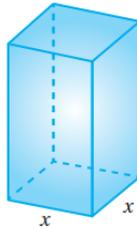
(9 علامات)

السؤال الخامس: (20 علامة)

أ) يبين الشكل الآتي صندوقاً على شكل متوازي مستطيلات، إذا كانت قاعدة الصندوق مربعة الشكل، وطول ضلع القاعدة

(9 علامات)

$x$  cm ومجموع أطواله أحرفه  $144$  cm، فأجد قيمة  $x$  التي تجعل حجم الصندوق أكبر ما يمكن.



ب) نفخت ماجدة بالوناً على شكل كرة، فازداد حجمه بمعدل  $800 \text{ cm}^3/\text{s}$  أجد معدل زيادة نصف قطر البالون عندما يكون

(5 علامات)

طول نصف قطره  $60$  cm علماً بأن العلاقة التي تربط بين حجم البالون ( $V$ ) ونصف قطره ( $r$ ) هي:

$$V = \frac{4}{3}\pi r^3$$

ج) يتحرك جسيم وفق العلاقة:  $s(t) = t^2 - 8t + 5$  ، حيث  $t$  الزمن بالثواني،  $s$  الموقع بالأمتار، أجد تسارع الجسيم

(6 علامات)

عندما تكون سرعته المتجهة صفراً؟

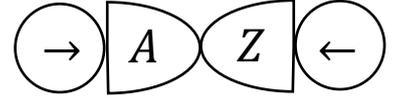
انتهت الأسئلة



7



4



## امتحان شهادة الدراسة الثانوية العامة لعام 2023

(مقترحة/أيمن زيود)

مدة الامتحان: 30 : 2 س

المبحث: الرياضيات (الورقة الثانية ف2 ، م4) رقم المبحث: 211

اليوم والتاريخ: الخميس 2023/07/13

رقم النموذج: (2)

الفرع: الأدبي

رقم الجلوس:

اسم الطالب:

**ملحوظة مهمة:** أجب عن الأسئلة الآتية جميعها وعددها (4) بحيث تكون إجابتك عن السؤال الأول على نموذج الإجابة (ورقة المساح الضوئي)، وتكون إجابتك عن باقي الأسئلة على دفتر الإجابة، علماً أن عدد صفحات الامتحان (5) السؤال الأول: (100 علامة)

اختر رمز الإجابة الصحيحة في كل فقرة مما يأتي، ثم ظلل بشكل غامق الدائرة التي تشير إلى رمز الإجابة في نموذج الإجابة (ورقة المساح الضوئي) فهو النموذج المعتمد (فقط) لاحتساب علامتك في هذا السؤال، علماً أن عدد فقراته (25).

(1) قيمة  $\int \sqrt[3]{x^4} \cdot dx$  هي:

- a)  $\frac{7}{3}x^{\frac{7}{3}} + c$       b)  $\frac{3}{7}x^{\frac{3}{7}} + c$       c)  $\frac{7}{3}x^{\frac{3}{7}} + c$       d)  $\frac{3}{7}x^{\frac{7}{3}} + c$

(2) إذا كان  $f'(x) = 3x^2 - 4$  ، فأجد  $f(2)$  علماً بأن منحنى الاقتران  $f(x)$  يمر بالنقطة (1, 6) ؟

- a) 9      b) 6      c) 5      d) 8

(3) قيمة  $\int_4^4 (e^x + \sqrt{x}) \cdot dx$  يساوي:

- a)  $e^2$       b)  $e^2 + 2$       c) 0      d) 4

(4) إذا كان  $\int_0^2 kx \cdot dx = 6$  ، فإن قيمة الثابت  $k$  هي:

- a) 1      b) 2      c) 3      d) 4

(5) إذا كان  $\int_{-4}^3 f(x) \cdot dx = 8$  ،  $\int_3^{-4} g(x) \cdot dx = -12$  فإن  $\int_3^{-4} (f(x) - g(x)) \cdot dx$  يساوي:

- a) 20      b) 12      c) 4      d) -4

(6) قيمة  $\int_0^3 (-x^2 + 3x) \cdot dx$  يساوي:

- a)  $3\frac{3}{4}$       b)  $21\frac{1}{4}$       c)  $4\frac{1}{2}$       d)  $22\frac{1}{2}$

(7) قيمة  $\int_0^2 e^{2x} \cdot dx$  هي:

- a)  $e^4 - 1$       b)  $e^4 - 2$       c)  $2e^4 - 2$       d)  $\frac{1}{2}e^4 - \frac{1}{2}$

(8) قيمة  $\int \cos(7x - 3) \cdot dx$  هي:

- a)  $\sin(7x - 3) + c$       b)  $-\sin(7x - 3) + c$       c)  $\frac{-\sin(7x-3)}{7} + c$       d)  $\frac{\sin(7x-3)}{7} + c$

(9) قيمة  $\int_1^4 \frac{1}{\sqrt{x}} \cdot dx$  تساوي:

- a)  $-2$       b)  $-\frac{7}{16}$       c)  $\frac{1}{2}$       d)  $2$

(10) قيمة  $\int_1^5 |2x - 6| \cdot dx$  تساوي:

- a)  $7$       b)  $6$       c)  $8$       d)  $2$

(11) قيمة  $\int (2x + 5)^2 \cdot dx$  هي:

- a)  $\frac{(2x+5)^3}{3} + c$       b)  $\frac{(2x+5)}{2} + c$       c)  $\frac{(2x+5)^2}{6} + c$       d)  $\frac{(2x+5)^3}{6} + c$

(12) قيمة  $\int \left( \frac{x^2-1}{x^3-3x} \right) \cdot dx$  هي:

- a)  $3\ln|x^3 - 3x| + c$       b)  $\frac{1}{3}\ln|x^3 - 3x| + c$       c)  $3\ln|x^2 - 1| + c$       d)  $\frac{1}{3}\ln|x^2 - 1| + c$

(13) التكامل المحدود الذي يُمكن عن طريقه إيجاد المساحة بين منحنى الاقتران:  $f(x) = 4x - x^2$ ، والمحور  $x$  هو:

- a)  $\int_4^0 (4x - x^2) \cdot dx$       b)  $\int_0^4 (4x - x^2) \cdot dx$       c)  $\int_1^0 (4x - x^2) \cdot dx$       d)  $\int_0^1 (4x - x^2) \cdot dx$

(14) إذا كان  $x \sim Geo(0.4)$  فإن  $p(x > 3)$ :

- a)  $0.036$       b)  $0.064$       c)  $0.006$       d)  $0.216$

(15) إلقاء حجر نرد منتظماً حتى ظهور عدد أقل من 3 فإنه يعبر عن المتغير العشوائي للتجربة الإحتمالية بالرموز:

- a)  $x \sim Geo\left(\frac{1}{3}\right)$       b)  $x \sim B\left(3, \frac{1}{3}\right)$       c)  $x \sim N\left(3, \frac{1}{3}\right)$       d)  $x \sim N(0, 1)$

16) إذا كان  $x \sim Goe(p)$  وكان  $E(x) = 5$  فإن  $p(x \leq 2)$  يساوي :

- a) 0.81                      b) 0.18                      c) 0.16                      d) 0.36

17) إذا كان  $x \sim B(4, 0.4)$  فإن  $p(x = 3)$  يساوي :

- a) 0.1536                      b) 0.0384                      c) 0.064                      d) 0.3456

18) إذا كان  $x$  متغيراً عشوائياً ذا حدين، وكان معامله  $n = 320$  ، وتوقعه 60 ، فإن المعامل  $p$  هو :

- a)  $\frac{3}{16}$                       b)  $\frac{13}{16}$                       c)  $\frac{3}{4}$                       d)  $\frac{5}{16}$

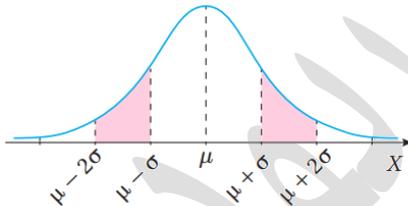
19) أجرى طبيب (4) عمليات جراحية، إذا كان احتمال نجاح العملية الواحدة ثابتاً في كل مرة ويساوي 90% ، فإن احتمال النجاح في 3 منها يساوي:

- a) 0.2916                      b) 0.90                      c) 0.2187                      d) 0.729

20) النسبة المئوية لمساحة المنطقة المحصورة بين  $\mu - 2\sigma$  و  $\mu + 2\sigma$  أسفل منحنى التوزيع الطبيعي هي:

- a) 68%                      b) 95%                      c) 99.7%                      d) 100%

21) اعتماداً على الشكل أحد النسبة المئوية للمساحة



- a) 13.5%                      b) 68%  
c) 95%                      d) 27%

22) إذا كان  $x \sim N(26, 16)$  فأجد  $p(22 < x < 34)$  باستعمال القاعدة التجريبية:

- a) 0.68                      b) 0.815                      c) 0.95                      d) 0.9735

23) إذا كان المتوسط الحسابي لمجموعة من القيم يساوي (70) والانحراف المعياري يساوي (5)، فما العلامة الفعلية

لطالب إذا علمت أن علامته المعيارية تساوي (-2) ؟

- a) 80                      b) 70                      c) 60                      d) 50

24) إذا كان  $(z)$  متغيرًا عشوائيًا طبيعيًا معياريًا، وكان  $P(z \leq -a) = 0.3$ ، فما قيمة  $P(z \leq a)$  ؟

- a) 0.3                      b) 0.7                      c) 0.07                      d) 0.03

25) من خصائص التوزيع الطبيعي المعياري أن متوسطه الحسابي يساوي:

- a) 1                      b) 0                      c) -1                      d)  $\frac{1}{2}$

(21 علامة)

السؤال الثاني: (41 علامة)

(أ) أجد كلاً من التكاملات الآتية:

1)  $\int \frac{x^2-7x-18}{x+2} \cdot dx$  ,  $x \neq -2$

2)  $\int (\sqrt{e^x} + 4 \sin 2x + k^2) \cdot dx$

3)  $\int_0^4 \frac{4x}{\sqrt{x^2+9}} \cdot dx$

(ب) إذا كان  $\int_4^5 g(x) \cdot dx = 5$  ،  $\int_3^4 g(x) \cdot dx = 5$  ، فأجد قيمة  $\int_3^5 (g(x) + 4x) \cdot dx$  (10 علامات)

(ج) يتحرك جسيم على خط مستقيم بتسارع ثابت يُعطى بالقاعدة  $a(t) = 8 \text{ m/s}^2$  ، فأجد موقع الجسيم بعد مرور ثلاث

ثوانٍ من بدء الحركة، علماً أنه تحرك من نقطة الأصل بسرعة متجهة مقدارها  $6 \text{ m/s}$ . (10 علامات)

السؤال الثالث: (28 علامة)

(أ) إذا كان ميل المماس لمنحنى الاقتران  $f$  يعطى بالقاعدة  $f'(x) = \frac{7x-6x^3}{x}$  ،  $x \neq 0$  ، فأجد  $f(5)$  (10 علامات)  
علماً بأن منحنى الاقتران  $f$  يمر بالنقطة  $(-2, 4)$ .

(ب) أجد مساحة المنطقة المغلقة المحصورة بين منحنى الاقتران  $f(x) = 3x^2 - 6x$  ، والمحور  $x$  والمستقيمين  $x = 1$  ،  $x = 3$  (10 علامات)

(ج) في دراسة لقسم الجودة في مصنع الأواني تبين أن في 10% من الأواني عيباً مصنعياً. إذا مثل  $x$  عدد الأواني التي

سيفحصها مراقب الجودة حتى إيجاد أول إناء معيب فأجد كلا مما يأتي: (8 علامات)

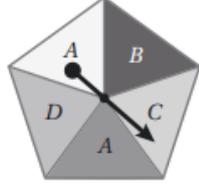
(1) احتمال أن يكون الإناء العاشر هو أول إناء معيب يجده مراقب الجودة.

(2) احتمال أن يفحص مراقب الجودة أكثر من 3 أواني حتى إيجاد أول إناء معيب.

السؤال الرابع: (31 علامة)

أ) يبين الشكل المجاور قرصا على خماسي منتظم. إذا دَوَّرَ القرص 10 مرات ودلَّ المتغير العشوائي  $x$  على عدد مرات توقف المؤشر على  $A$  فأجد كلا مما يأتي:

(10 علامات)



- (1) احتمال أن يتوقف المؤشر على الحرف  $A$  ثلاث مرات فقط.
- (2) احتمال أن يتوقف المؤشر على الحرف  $A$  ثلاث مرات على الأقل.
- (3) احتمال ألا يتوقف المؤشر على الحرف  $A$  نهائيا.

ب) يُنتج مصنع أكياس إسمنت تتبع كتلتها توزيعا طبيعيا وسطه الحسابي  $50Kg$  وانحرافه المعياري  $2Kg$  إذا اختير كيس إسمنت عشوائيا فأجد كلا مما يأتي مستعملات القاعدة التجريبية:

(9 علامات)

- (1) احتمال أن تكون كتلة الكيس أكثر من  $54 Kg$ .
- (2) احتمال أن تتراوح كتلة الكيس بين  $44 Kg$  و  $52 Kg$ .

ج) إذا كانت رواتب (2000) موظف تتبع توزيعا طبيعيا متوسطه الحسابي  $JD (400)$  وانحرافه المعياري (50) ما عدد

(12 علامة)

الموظفين التي تنحصر رواتبهم بين  $JD (360)$  و  $JD (500)$  باستعمال جدول التوزيع الطبيعي المعياري

انتهت الأسئلة





3



3



# A Z #

## امتحان شهادة الدراسة الثانوية العامة لعام 2023

(مقترحة/أيمن زيود)

مدة الامتحان: 30 : 2 د س

المبحث: الرياضيات (الورقة الثانية ف2 ، 4م) رقم المبحث: 211

اليوم والتاريخ: الخميس 2023/07/13

رقم النموذج: (1)

الفرع: الأدبي

رقم الجلوس:

اسم الطالب:

ملحوظة مهمة: أجب عن الأسئلة الآتية جميعها وعددها (4) بحيث تكون إجابتك عن السؤال الأول على نموذج الإجابة (ورقة المسح الضوئي)، وتكون إجابتك عن باقي الأسئلة على دفتر الإجابة، علماً أن عدد صفحات الامتحان (5) السؤال الأول: (100 علامة)

اختر رمز الإجابة الصحيحة في كل فقرة مما يأتي، ثم ظلل بشكل غامق الدائرة التي تشير إلى رمز الإجابة في نموذج الإجابة (ورقة المسح الضوئي) فهو النموذج المعتمد (فقط) لاحتساب علامتك في هذا السؤال، علماً أن عدد فقراته (25).

(1) قيمة  $\int \cos x - 7 \cdot dx$  هي:

- a)  $-\sin x - 7x + c$     b)  $\sin x - 7x + c$     c)  $-\cos x - 7x + c$     d)  $\cos x - 7x + c$

(2) إذا كان ميل المماس لمنحنى الاقتران  $f$  عند النقطة  $(x, y)$  يُعطى بالعلاقة  $f'(x) = 3x^2$  ، وكان منحنى الاقتران يمر بالنقطة  $(0, -1)$  ، فما قاعدة الاقتران  $f(x)$  ؟

- a)  $f(x) = x^3 - 1$     b)  $f(x) = x^3 + 1$     c)  $f(x) = x^3$     d)  $f(x) = 3x^3$

(3) قيمة  $\int_1^8 \frac{2}{\sqrt[3]{x}} \cdot dx$  يساوي:

- a) 9    b) 12    c) -9    d) -12

(4) إذا كان  $\int_2^a 3x^2 \cdot dx = 19$  ، فإن قيمة الثابت  $a$  تساوي:

- a) 3    b) 2    c) -3    d) -2

(5) إذا كان  $\int_a^b f(x) \cdot dx = \frac{3}{4}$  ، فإن  $\int_b^a f(x) \cdot dx$  يساوي:

- a)  $\frac{3}{4}$     b)  $-\frac{3}{4}$     c)  $\frac{4}{3}$     d)  $-\frac{4}{3}$

(6) قيمة  $\int \frac{x^3-1}{x^2} \cdot dx$  هي:

- a)  $\frac{x^2}{2} - \frac{1}{x} + c$       b)  $\frac{x^2}{2} + \frac{1}{x} + c$       c)  $x^2 - \frac{1}{x} + c$       d)  $x^2 + \frac{1}{x} + c$

(7) يتحرك في مسار مستقيم وتعطى سرعته المتجهة بالاقتران  $v(t) = 36t - 3t^2$  حيث  $t$  الزمن بالثواني و  $v$  سرعته

المتجهة بالمتر لكل ثانية إذا بدأ الجسم حركته من نقطة الأصل فأجد موقعه بعد 3 ثوان من بدء الحركة

- a) 27 m      b) 189 m      c) 135 m      d) 81 m

(8) إذا كان  $f(x) = \begin{cases} x^2 + 4, & x < 0 \\ 4 - x, & x \geq 0 \end{cases}$  فجد  $\int_{-2}^1 f(x) \cdot dx$  ؟

- a)  $\frac{25}{3}$       b)  $-\frac{43}{6}$       c)  $\frac{85}{6}$       d)  $\frac{15}{2}$

❖ إذا كان  $\int_{-3}^2 f(x) \cdot dx = 5$  ،  $\int_{-3}^1 f(x) \cdot dx = 4$  ،  $\int_{-3}^2 g(x) \cdot dx = -2$  فأجب عن الأسئلة من (9 - 10)  
(9) قيمة  $\int_1^2 f(x) \cdot dx$  تساوي:

- a) 9      b) -9      c) 1      d) -1

(10) قيمة  $\int_{-3}^2 (-2f(x) + 5g(x)) \cdot dx$  تساوي:

- a) 10      b) 0      c) -20      d) -10

(11) قيمة  $\int \frac{e^x \cos x + 1}{e^x} \cdot dx$  هي:

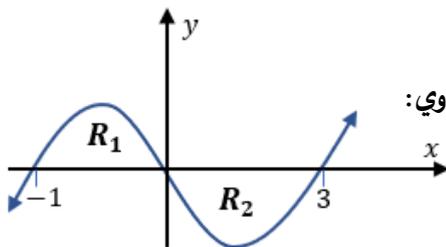
- a)  $\sin x - e^x + c$       b)  $\sin x + e^{-x} + c$       c)  $\cos x + e^{-x} + c$       d)  $\sin x - e^{-x} + c$

(12) قيمة  $\int_1^{e^3} \frac{2}{x} \cdot dx$  تساوي:

- a) 4      b) 2      c) 6      d) 3

(13) اعتماداً على الشكل الذي يمثل منحنى الاقتران  $f(x)$  إذا كان مساحة منطقة  $R_1$

هي 3 وحدات مربعة ومساحة منطقة  $R_2$  هي 4 وحدات مربعة فإن  $\int_{-1}^3 f(x) \cdot dx$  يساوي:



- a) 7      b) 1  
c) -1      d) -7

14) أطلق إيباد رصاصه نحو هدف بصورة متكررة ثم توقف عند إصابته الهدف أول مرة. إذا كان احتمال إصابته الهدف

في كل مرة هو 0.8 ، فإن احتمال أن يصيب الهدف بعد 3 مرات هو :

- a) 0.16                      b) 0.0064                      c) 0.032                      d) 0.24

15) واحدة فقط من التجارب الآتية تمثل تجربة هندسية؟

- a) تجربة رمي قطعة نقد (5) مرات  
ثم كتابة عدد الصور الظاهرة
- b) تجربة القاء حجر نرد على الأرض  
بشكل متكرر حتى يظهر العدد (4) لأول مرة
- c) تجربة إطلاق (7) طلقات على هدف  
وتسجيل عدد مرات الإصابة
- d) تجربة سحب كرتين من صندوق على التوالي من  
صندوق يحوي (6) كرات حمراء و (3) كرات بيضاء ثم كتابة  
عدد الكرات الحمراء المسحوبة

16) إذا كان  $x \sim Geo(p)$  وكان  $p(x=1) = 0.2$  فأجد التوقع  $E(x)$  :

- a) 10                      b) 2                      c) 4                      d) 5

17) إذا كان  $x \sim B(8, 0.1)$  فإن  $p(x < 2)$  إلى أقرب 4 منازل عشرية يساوي :

- a) 0.3826                      b) 0.8131                      c) 0.4305                      d) 0.1488

18) إذا كان  $x$  متغيراً عشوائياً ذا حدين وكان توقعه 8 وتباينه  $\frac{20}{3}$  فإن المعامل  $n$  هو :

- a) 32                      b) 64                      c) 56                      d) 48

19) في تجربة إلقاء حجر نرد ثماني مرقم من 1 إلى 8 على الأرض 5 مرات، ما احتمال ظهور الرقم 7 على الوجه

العلوي 3 مرات ؟

- a)  $\binom{5}{3} \left(\frac{1}{6}\right)^3 \left(\frac{5}{6}\right)^2$                       b)  $\binom{5}{3} \left(\frac{1}{8}\right)^3 \left(\frac{7}{8}\right)^2$                       c)  $\binom{5}{3} \left(\frac{1}{6}\right)^2 \left(\frac{5}{6}\right)^3$                       d)  $\binom{5}{3} \left(\frac{1}{7}\right)^3 \left(\frac{6}{7}\right)^2$

20) من خصائص منحنى التوزيع الطبيعي أن :

- a) الوسط < الوسيط < المنوال                      b) الوسط = الوسيط = المنوال
- c) الوسط > الوسيط > المنوال                      d) الوسط = 0

21) إذا اتخذ التمثيل البياني لأطوال مجموعة من طلبة الصف الثاني عشر شكل المنحنى الطبيعي فأجد النسبة المئوية للطلبة الذين لا يزيد البُعد بين أطوالهم والوسط الحسابي على انحراف معياري واحد:

- a) 68%                      b) 50%                      c) 47.5%                      d) 97.35%

22) تتبع العلامات في أحد الاختبارات توزيعاً طبيعياً. وسطه الحسابي 68 وانحرافه المعياري 15. إذا لم ينجح في الاختبار 16% من الطلبة. فإن علامة النجاح هي: باستعمال القاعدة التجريبية

- a) 53                      b) 38                      c) 68                      d) 83

23) إذا كان  $Z$  متغيراً عشوائياً طبيعياً معيارياً، وكان  $P(Z \leq a) = 0.9332$  فإن قيمة  $P(Z \geq -a)$  تساوي:

- a) 0.9332                      b) 0.6680                      c) 0.5000                      d) 0.0668

24) أجد قيمة  $a$  التي تحقق  $P(Z > a) = 0.2743$  ؟

- a) 0.6                      b) -0.6                      c) 1.6                      d) -1.6

25) إذا كانت المشاهدتان 76, 88 تقابلان العلامتين المعياريتين 2, -1 على الترتيب، فما قيمة الانحراف المعياري لجميع المشاهدات؟

- a) 8                      b) 2                      c) 4                      d) 3

السؤال الثاني: (40 علامة)

(20 علامة)

(أ) أجد كلاً من التكاملات الآتية:

1)  $\int \frac{x^3 - \sqrt{x} \cos x}{\sqrt{x}} \cdot dx$  ,  $x > 0$

2)  $\int_0^2 (x - 3)(6x + 2) \cdot dx$

3)  $\int 4x^5 \sin(x^6 + 3) \cdot dx$

(ب) أشارت دراسة الى أن عدد السكان في إحدى القرى يتغير شهرياً بمعدل يمكن نمذجته بالافتراض:  $p'(t) = 5 + 3t^{\frac{2}{3}}$  حيث  $t$  عدد الأشهر من الآن و  $p(t)$  عدد السكان. أجد مقدار الزيادة في عدد سكان القرية في الأشهر الثمانية القادمة. (10 علامات)

يتبع الصفحة الخامسة ...

ج) يتحرك جسيم على خط مستقيم بتسارع يُعطى بالقاعدة  $a(t) = 20(t + 1)^3 \text{ m/s}^2$  ، فأجد موقع الجسيم بعد مرور

ثانيتين من بدء الحركة، علماً أن سرعته الابتدائية  $v(0) = 6 \text{ m/s}$  ، وموقعه الابتدائي  $s(0) = 12 \text{ m}$  . (10 علامات)

السؤال الثالث: (28 علامة)

أ) أجد مساحة المنطقة المغلقة المحصورة بين منحنى الاقتران  $f(x) = 2x^3 - 6x^2$  ، والمحور  $x$  . (10 علامات)

ب) أخذت نور تراقب السيارات المارة أمام منزلها إذا كان احتمال أن تمر أي سيارة صفراء من أمام منزلها

هو 0.6 فأجد كل مما يأتي: (8 علامات)

(1) احتمال عدم مرور أي سيارة صفراء من بين أول 4 سيارات مرت أمام المنزل

(2) احتمال مرور أكثر من 3 سيارات حتى شاهدت نور أول سيارة زرقاء

ج) إذا كان احتمال إصابة شخص ما بأعراض جانبية بعد أخذه مطعوماً معيناً هو 20% وقرر طبيب إعطاء 12 أشخاص هذا المطعوم ودلّ المتغير العشوائي  $X$  على عدد الأشخاص الذين ستظهر عليهم الأعراض الجانبية فأجد كلا مما يأتي:

(1) احتمال ظهور الأعراض الجانبية على (4) أشخاص فقط ممن أخذوا المطعوم. (10 علامات)

(2) العدد المتوقع للأشخاص الذين ستظهر عليهم أعراض المطعوم الجانبية.

(3) التباين للمتغير العشوائي  $X$ .

السؤال الرابع: (32 علامة)

أ) إذا كان  $X$  متغيراً عشوائياً ذا حدين معاملاه:  $p, n$  حيث  $n = 3$  ، فأجد قيمة  $p$  ،  $P(X \geq 1) = \frac{26}{27}$  . (10 علامات)

ب) مستعملاً جدول التوزيع الطبيعي المعياري:

(10 علامات)

(1) أجد  $P(-1.5 < z < 2.43)$

(2) أجد قيمة  $a$  التي تحقق الاحتمال  $P(z < a) = 0.453$

ج) إذا كانت كتلة (10000) طفل عند الولادة تتبع توزيعاً طبيعياً متوسطه الحسابي  $3.5 \text{ Kg}$  وانحرافه المعياري (0.4)

ما عدد الأطفال التي تنحصر كتلتهم بين  $3.1 \text{ Kg}$  و  $3.7 \text{ Kg}$  باستعمال جدول التوزيع الطبيعي المعياري

(12 علامة)

انتهت الأسئلة



